

Które z następujących stwierdzeń jest prawdziwe:

- a) Niech G będzie metryką Riemanna na kostce $K_3 = (-1, 1)^3$ w \mathbb{R}^3 . Oznaczmy przez $g(x_1, x_2) = G(x_1, x_2, 0)_{2 \times 2}$ 2-wymiarową metrykę na $K_2 = (-1, 1)^2$. Wtedy: $\inf_{u \in W^{1,2}(K_3, \mathbb{R}^3)} \int_{K_3} \text{dist}^2(\nabla u \sqrt{G}^{-1}, SO(3)) = 0$ wtedy i tylko wtedy gdy krzywizna Gaussowska g jest równa 0 na całym K_2 .
- b) Jeśli ciąg wspólnie ograniczonych funkcjonałów E_ϵ na pewnej przestrzeni metrycznej Γ -zbiega do funkcjonału E przy $\epsilon \rightarrow 0$, to mamy: $\lim_{\epsilon \rightarrow 0} \inf E_\epsilon = \inf E$.
- c) Niech Ω będzie otwartym, ograniczonym i gładkim podzbiorem \mathbb{R}^2 i niech $\lambda : \bar{\Omega} \rightarrow \mathbb{R}$ będzie funkcją dodatnią i gładką do brzegu. Wtedy funkcjonał $I(v) = \int_{\Omega} |\nabla^2 v - \lambda \text{Id}|^2$ określony na polach skalarnych $v \in W^{2,2}(\Omega, \mathbb{R})$ spełniających $\det \nabla^2 v = 0$ osiąga zawsze swoje minimum.